

## EXERCICE 1 : Forces et champs / 7 points

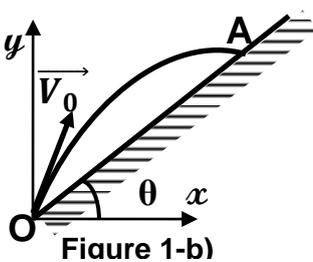
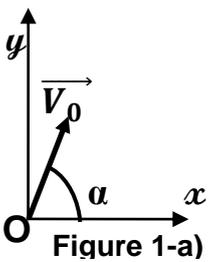
N.B. Les parties A et B sont indépendantes

## Partie A : Mouvement d'un satellite / 4,25 points

On se propose d'étudier le mouvement d'un satellite artificiel de masse  $m_s$ . Le satellite décrit une orbite circulaire à une altitude  $h$  de la surface de la Terre, de masse  $M_T$  et de rayon  $R_T$  à la vitesse constante  $V = 7.10^3 \text{ m.s}^{-1}$ .

- A.1. Représenter sur un schéma la force gravitationnelle exercée par la Terre sur le satellite et donner son expression. 0,5pt
- A.2. En appliquant le théorème du centre d'inertie au satellite supposé ponctuel, montré que son mouvement est uniforme. 0,5pt
- A.3. Etablir l'expression de la vitesse  $V$  du satellite en fonction de  $R_T$ ,  $h$ ,  $M_T$ , et  $G$ . 0,5pt
- A.4. Etablir l'expression de la période de révolution  $T$  du satellite en fonction des grandeurs précédentes ; puis retrouver la 3<sup>ème</sup> loi de Kepler appliqué à ce mouvement circulaire. 0,75pt
- A.5. Calculer  $h$ , ainsi que la durée  $T$  d'une révolution du satellite. 0,5x 2=1pt  
Données :  $R_T = 6380 \text{ km}$  ;  $M_T = 5,98.10^{24} \text{ kg}$  ;  $G = 6,67.10^{-11} \text{ m}^3.\text{kg}^{-1}.\text{s}^{-2}$  ;  $g_0 = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$ .
- A.6. Quand dit-on qu'un satellite est géostationnaire ? 0,25pt  
A quelle distance  $h$  doit graviter le satellite précédent pour être considéré comme géostationnaire ? 0,75pt  
On donne la durée d'un jour sidéral : 86164s.

## Partie B – Mouvements dans le champ de pesanteur / 2,75 points



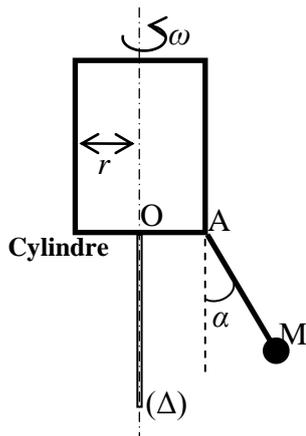
Un projectile, supposé ponctuel, de masse  $m = 1,5 \text{ kg}$ , est lancé dans le plan vertical du repère  $xOy$  (figure 1-a) à partir du point  $O$ , avec une vitesse  $\vec{V}_0$  faisant un angle  $\alpha$  avec l'horizontale  $Ox$ . La norme  $V_0$  de  $\vec{V}_0$  est fixée dans tout le problème à  $5,00 \text{ m.s}^{-1}$ .

On admettra que les conditions réunies autorisent à négliger la résistance de l'air par rapport au poids.  
On prendra  $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$ .

- B.1. Déterminer les relations donnant les coordonnées  $x$  et  $y$  du projectile en fonction de  $g$ ,  $V_0$ ,  $\alpha$  et du temps  $t$  écoulé depuis le lancement. 0,5pt
- B.2. En déduire l'expression de l'énergie cinétique  $E_C$  du projectile en fonction de  $m$ ,  $V_0$ ,  $g$ ,  $\alpha$  et  $t$ . 0,5pt
- B.3. Pour quelle valeur de  $t$  cette expression fournit-elle une valeur minimale  $E_0$  de  $E_C$  ? 0,25pt  
Exprimer  $E_0$  en fonction de  $m$ ,  $v_0$ ,  $g$ ,  $\alpha$ . Ce résultat n'était-il pas prévisible ? Justifier. 0,5pt  
Faire l'application numérique pour  $\alpha = 50^\circ$ . 0,25pt
- B.4. Le projectile lancé sous l'angle  $\alpha$  retombe en  $A$  sur un talus limité par un plan incliné d'un angle  $\theta = 45^\circ$ , et perpendiculaire au plan de figure  $xOy$  (voir figure 1-b).
- B.4.1. Exprimer l'abscisse  $x_A$  du point  $A$  en fonction de  $g$ ,  $\alpha$  et  $V_0$ . 0,5pt
- B.4.2. Calculer numériquement la distance  $OA$  pour  $\alpha = 50^\circ$ . 0,25pt

## EXERCICE 2 : Application des lois de Newton / 5 points

N.B. Les parties A,B et C sont indépendantes



### Partie A : 1,5 point

Un cylindre de rayon  $r$  est animé d'un mouvement de rotation uniforme autour d'un axe  $(\Delta)$ . Le solide  $M$  de masse  $m$  considéré comme ponctuel est suspendu par un fil inextensible de longueur  $l$  en un point  $A$  de la circonférence du cylindre (voir figure ci-contre). Le fil forme un angle  $\alpha$  avec la verticale lorsque le cylindre tourne à la vitesse angulaire  $\omega$  constante. On néglige l'action de l'air.

A-1- Appliquer le théorème du centre d'inertie dans un référentiel approprié et établir l'expression de  $\omega$  en fonction de  $\alpha$ ,  $r$  et  $l$ . Calculer sa valeur. **0,75pt**

Données :  $r = 7,5\text{cm}$ ,  $l = 10\text{cm}$ ,  $\alpha = 20^\circ$ .

A-2- Un second solide  $M'$  (non représenté sur le schéma) de masse  $m$ , est suspendu par un fil inextensible de longueur  $l$ , au point  $O$ .

Déterminer l'angle  $\theta$  que fait le fil avec la verticale lorsque le cylindre tourne. **0,75pt**

### Partie B : 2 points

Un projectile est lancé à partir du sol. Deux secondes après avoir été lancé, sa vitesse est de  $30\text{ms}^{-1}$  et fait un angle de  $20^\circ$  avec l'horizontale

B-1- À quelle vitesse le projectile a-t-il été lancé (direction et valeur)? **1pt**

B-2- Quelle hauteur maximale atteindra-t-il ? **0,5pt**

B-3- Quelle est la portée du tir ? **0,5pt**

### Partie C : 1,5 point

Une automobile est en mouvement rectiligne uniforme et parcourt **100m en 4s**. Elle aborde ensuite un plan incliné et son mouvement devient uniformément retardé avec une accélération de  $5\text{m}\cdot\text{s}^{-2}$ .

C-1- Déterminer sa vitesse initiale au bas de la pente. L'accélération acquise en dépend-t-elle ?

Justifier. **1pt**

C-2- Déterminer l'angle  $\beta$  que le plan incliné fait avec l'horizontale. **0,5pt**

On néglige les frottements.

## EXERCICE 3 : Les Systèmes oscillants / 4 points

3.1. Un circuit alimenté en courant alternatif se partage en deux dérivations telles que :

$$i_1 = 10 \sin 100\pi t \text{ et } i_2 = 15 \cos 100\pi t \text{ en A}$$

3.1.1. Déterminer par la construction de Fresnel, l'intensité  $i$  du courant principal. **0,75pt**

$$\text{Rappel : } i = i_1 + i_2$$

3.1.2. Donner la représentation graphique, sur deux périodes des courants  $i_1$  et  $i_2$ . **1pt**

Echelle : 1 cm pour 5 A ; 4 cm pour une période.

3.1.3. Déterminer le déphasage  $\varphi$  entre ces deux courants. **0,5pt**

### 3.2. Stroboscopie :

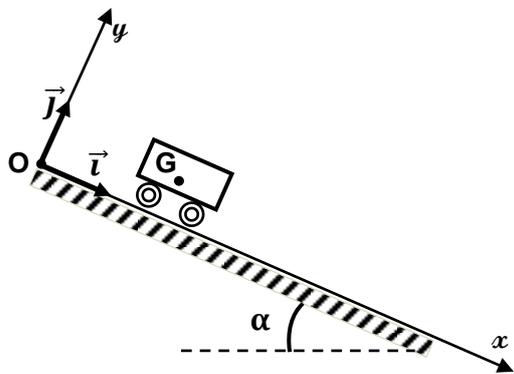
3.3.1. Un disque blanc, portant un secteur noir, tourne d'un mouvement périodique de fréquence  $N$  que l'on souhaite déterminer. Un stroboscope électronique éclaire le disque. La fréquence des éclairs vaut  $N_e$ .

A partir de **150 Hz** on diminue la fréquence  $N_e$  des éclairs. On observe l'immobilité apparente pour la première fois à la fréquence  $N_e = 60\text{ Hz}$  d'un secteur noir unique.

En déduire la fréquence de rotation du disque puis sa vitesse en tours par minutes. **0,5pt**

3.3.2. Décrire les phénomènes observés pour les fréquences stroboscopiques suivantes (justifier avec soin les réponses) :  $N_e = 30\text{ Hz}$ ;  $N_e = 20\text{ Hz}$ ;  $N_e = 120\text{ Hz}$ ;  $N_e = 59\text{ Hz}$ ;  $N_e = 61\text{ Hz}$ . **1,25pt**

**EXERCICE 4 : Exploitation des résultats d'une expérience / 4 points**



On abandonne, un mobile autoporteur de centre d'inertie  $G$ , de masse  $m$ , sur une table inclinée d'un angle  $\alpha$  par rapport à l'horizontale. Un dispositif d'étincelage permet d'enregistrer sur une feuille fixée sur la table les différentes positions occupées par le centre d'inertie  $G$  à des intervalles de temps réguliers espacés de  $\theta = 60 \text{ ms}$ . Le repère d'espace aura pour origine  $O$ , position occupée par  $G$  quand le mobile est abandonné, et pour vecteur de base  $\vec{i}$  un vecteur unitaire porté par la trajectoire et orienté dans le sens du mouvement.

**On donne :  $\alpha = 12^\circ$  et  $g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$ .**

4.1. À partir d'un instant  $t$  quelconque du mouvement, on a relevé les valeurs prises par la vitesse du centre d'inertie  $G$  du mobile

<b>Date t(s)</b>	0,06	0,10	0,25	0,40	0,45	0,55	0,60	0,70
<b>V(m.s<sup>-1</sup>)</b>	0,36	0,40	0,55	0,70	0,75	0,85	0,90	1,0

4.1.1. Construire sur le papier millimétré joint en annexe le graphe  $V = f(t)$  sur l'intervalle  $[0,06\text{s} ; 0,70\text{s}]$ .

**0,75 pt**

**Échelle :** en abscisses : **2cm pour 0,1s** ; en ordonnées : **1cm pour 0,1m.s<sup>-1</sup>**.

4.1.2. Dédurre du graphe obtenu la valeur de l'accélération  $a_{\text{exp}}$ .

**0,5 pt**

4.1.3. Le mobile a-t-il été lancé sans vitesse initiale ? Sinon déterminer graphiquement la valeur  $V_0$  de cette vitesse.

**0,5 pt**

4.2. Si l'on admet qu'il n'existe aucun frottement entre le mobile et la table:

4.2.1. Déterminer l'expression littérale de l'accélération  $a_{\text{th}}$  du mobile.

**0,25 pt**

4.2.2. Après avoir fait l'application numérique de cette accélération, comparer cette valeur à celle obtenue expérimentalement (à la question 3.1.2.) et constater l'existence de frottement entre la table et le mobile.

**0,5 pt**

4.3. Si l'on désigne par  $\vec{f}$  la force de frottement et par  $\vec{R}_n$  la composante normale de la réaction  $\vec{R}$  exercée par la table sur le mobile, on appelle coefficient de frottement dynamique d'un solide sur un support, le nombre  $k$  défini comme suit :  $k = \frac{f}{R_n}$ .

4.3.1. Exprimer la valeur  $f$  de la force de frottement en fonction de  $a_{\text{exp}}$ ,  $a_{\text{th}}$  et  $m$ .

**0,5 pt**

4.3.2. Montrer que  $k = \frac{a_{\text{th}} - a_{\text{exp}}}{g \cos \alpha}$ .

**0,5 pt**

4.3.3. Calculer la valeur  $k$ . La comparer aux valeurs proposées ci-dessous. Conclure.

**0,5 pt**

<b>Corps en contact</b>	Bois sur fonte	Métal sur glace	Acier sur acier	Cuire sur bois
<b>k</b>	<b>0,50</b>	<b>0,02</b>	<b>0,11</b>	<b>0,40</b>

**DOCUMENT ANNEXE A REMETTRE AVEC LA COPIE**