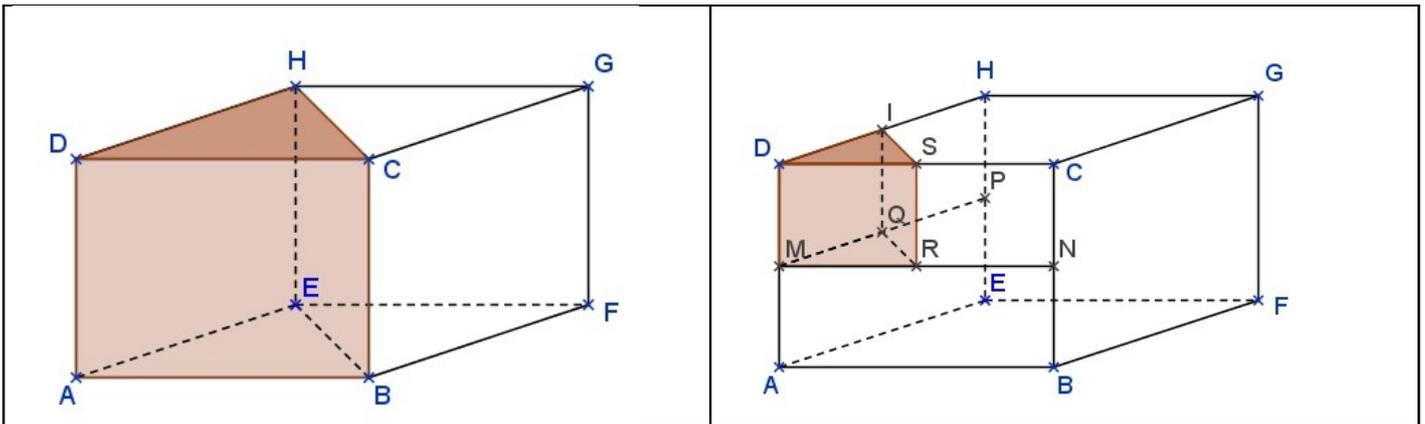


## DEUXIEME PARTIE – ACTIVITES GEOMETRIQUES : (12 points)

### Exercice 1 : (sur 4 points)



ABCDEFGH est un pavé droit tel que  $AB = 3\text{m}$  ;  $AD = 2\text{m}$  et  $AE = 4\text{m}$ .

M est le milieu de [AD] , N de [BC] , P de [HE] , R de [MN] , Q de [MP] , I de [DH] et S de [DC]

On coupe ce pavé par le plan passant par les points H et C et parallèle à (BC) ; on partage ainsi le pavé en deux prismes droits.

1. On étudie ici le prisme DCHABE colorié sur la première
  - a. Tracer la section HCBE en vraie grandeur (on prendra 1cm pour 1m)
  - b. Calculer l'aire de la base du prisme droit DCHABE.
  - c. En déduire le volume de ce prisme.
2. Sur la seconde figure, le prisme DSIMRQ colorié est une réduction du prisme DCHABE.
  - a. Quel est le coefficient de réduction ?
  - b. En déduire le volume de DSIMRQ .

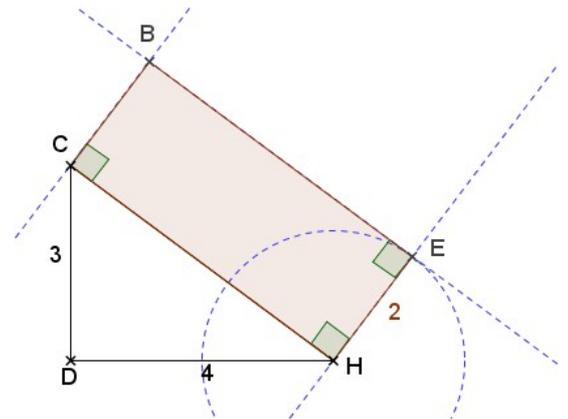
- a. [Le cours sur les sections de solide](#) donne la nature de cette section, en effet il dit que :  
La section d'un pavé droit par un plan parallèle à une de ses arêtes est un rectangle.

Pour tracer cette section il est nécessaire de tracer le côté [HC]. Or ce côté est l'hypoténuse du triangle HCD dont on connaît les autres dimensions.

Cela nous donne le programme de construction du rectangle HCBE suivant :

- a. - Tracer le triangle rectangle HCD tel que  $HD = AE = 4\text{cm}$  et  $DC = AB = 3\text{cm}$
- b. - Tracer le côté [CB] perpendiculaire à [HC] et de longueur  $BC = AD = 2\text{cm}$

- Compléter la figure (trois angles droits) pour obtenir le rectangle HCBE.  
(B étant le point d'intersection des perpendiculaires à [HE] en E et à [HC] en C )



- c. La base du prisme droit DCHABE est égale à la moitié de celle du rectangle ABFE de longueur  $AE = 4\text{ m}$  et de largeur  $AB = 3\text{m}$ .

L'aire d'un rectangle est donné par la formule longueur x largeur

D'où : Aire de la base du prisme droit DCHABE (AEB) =  $(4\text{m} \times 3\text{m}) : 2 = 6\text{m}^2$

- d. [Le volume du prisme droit](#) est Aire de Base x Hauteur

D'où le volume du prisme droit DCHABE = Aire AEB x AD =  $6\text{m}^2 \times 2\text{m} = 12\text{m}^3$

- a. Tous les côtés du prisme DSIMRQ sont obtenus en divisant par 2 les côtés du prisme DCHABE. Le coefficient de réduction est donc 2
3. b. Le volume est réduit du coefficient de réduction à la puissance 3.  
On en déduit que :

Volume de DSIMRQ = Volume DCHABE / 2<sup>3</sup> = 12m<sup>3</sup> / 8 et donc  
 Volume de DSIMRQ = 1,25m<sup>3</sup>

**Exercice 2 :** (sur 5 points)

L'unité de longueur est le mètre.

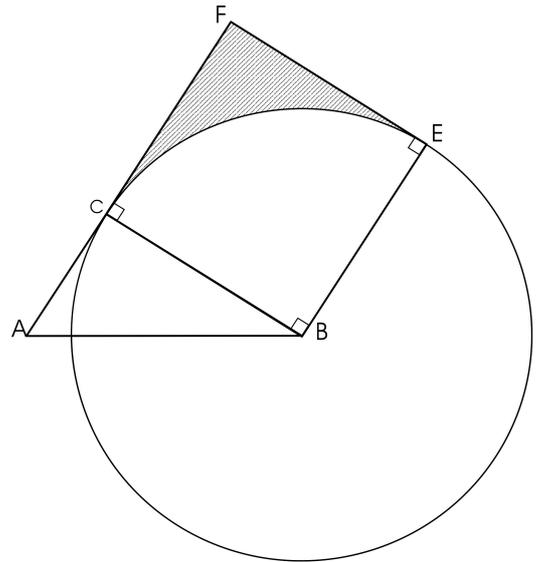
Les angles  $F\hat{C}B$ ,  $C\hat{B}E$ ,  $B\hat{E}F$  sont droits.

Le point B est le centre du cercle qui passe par C et E.

Le triangle ABC est rectangle en C.

AB = 13m, AC = 5m

On désire calculer l'aire comprise entre les côtés FE et FC et l'arc de cercle délimité par les points C et E. (surface hachurée).



1. Quelle est la nature de BCFE ?  
(le démontrer)
2. Démontrer que son aire vaut 144m<sup>2</sup>.
3. Calculer l'aire de la partie du disque comprise entre les côtés CB et BE et l'arc de cercle d'extrémités C et E.  
(Arrondir au m<sup>2</sup>).
4. En déduire l'aire de la surface hachurée  
(Arrondir au m<sup>2</sup>).

1. BCFE est un quadrilatère qui possède 3 angles droits.  
 Un quadrilatère est décomposable en deux triangles. La somme des angles d'un triangle est 180°, la somme des angles d'un quadrilatère est donc 360° (Car la découpe ne produit pas de nouveaux angles)  
 On en déduit que le quatrième angle est droit.

**Première conclusion : BCFE a quatre angles droit, c'est donc un rectangle.**

BC et BE sont deux rayons du cercle. Ces longueurs sont donc égales.

**Seconde conclusion : La longueur et la largeur de BCFE ont la même longueur, BCFE est donc un carré.**

2.

$$\text{Aire d'un carré} = \text{côté}^2$$

ici

$$\text{Aire BCFE} = BC^2$$

Le triangle ABC est rectangle en C, son hypoténuse est AB

Nous pouvons donc utiliser le théorème de Pythagore qui donne l'égalité (d'aires)

$$AC^2 + BC^2 = AB^2$$

d'où en remplaçant les données connues

$$(5\text{m})^2 + BC^2 = (13\text{m})^2$$

et donc

$$BC^2 = 169\text{m}^2 - 25\text{m}^2 = 144\text{m}^2$$

Et donc :

$$\text{Aire BCFE} = 144\text{m}^2$$

Remarque : il est tout à fait inutile de calculer la mesure du côté BC, pour ensuite recalculer BC x BC !

3. L'angle en B mesure 90°, donc la partie du disque désignée par l'énoncée est le quart du disque de rayon BC.

L'aire d'un disque est donnée par la formule

$$\text{Aire d'un disque} = \pi R^2$$

ici

$$\text{Aire du quart de disque} = \pi \times BC^2 / 4 = 144 \times \pi / 4 = 36\pi$$

D'où la valeur approchée

$$\text{Aire du quart de disque} = 113\text{m}^2$$

4. La surface hachurée est obtenue en soustrayant la surface du quart de disque à celle du carré BCFE, elle vaut donc

$$144\text{m}^2 - 113\text{m}^2$$

$$\text{Aire de la surface hachurée} = 31\text{m}^2$$

**Exercice 3 :** (sur 3 points)

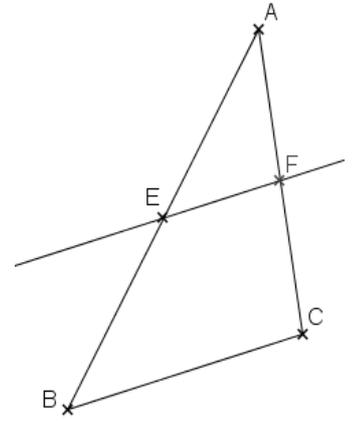
Sur la figure ci-contre, qui n'est pas aux dimensions réelles, ABC est un triangle quelconque.

On a placé le point on a placé E sur [AB] et le point F sur [AC] .

On donne :

AB = 10cm ; BC = 4cm ; CA = 8cm ; EB = 4cm et FC = 3,2cm.

Les droites (BC) et (EF) sont elles parallèles ?



1. Je calcule les rapports des côtés des deux triangles AEF et ABC pour vérifier s'ils sont égaux ( *dans l'intention d'utiliser dans ce cas la réciproque du théorème de Thalès*)

Pour cela je dois calculer la longueur des côtés AE et AF

F est sur [AC] donc  $AF + FC = AC$  d'où  $AF = AC - FC = 8\text{cm} - 3,2\text{cm}$

$AF = 4,8\text{cm}$

E est sur [AB] donc  $AE + EB = AB$  d'où  $AE = AB - EB = 10\text{cm} - 4\text{cm}$

$AE = 6\text{cm}$

Je peux maintenant calculer les rapports

$$\frac{AB}{AE} = \frac{10}{6} \quad \text{et} \quad \frac{AC}{AF} = \frac{8}{4,8}$$

les produits en croix valent  $10 \times 4,8 = 48$  et  $6 \times 8 = 48$   
ces produits sont égaux, les fractions sont donc égales

Les points A,E et B d'une part, et A,F et C d'autre part, sont alignés et dans cet ordre

Je peux donc utiliser la réciproque du théorème de Thalès qui dit qu'alors

si les rapports  $\frac{AB}{AE} = \frac{AC}{AF}$  sont égaux (*ce qui est le cas ici*)

**les droites (BC) et (EF) sont parallèles**