Exercice 1

Résoudre le système d'équations suivant :
$$\left\{ \begin{array}{lll} -8\,x & - & 3\,y & = & 15 \\ -2\,x & + & 7\,y & = & 27 \end{array} \right.$$

Exercice 2

Résoudre le système d'équations suivant :
$$\left\{ \begin{array}{rcl} 2\,x & + & 2\,y & = & 36 \\ -7\,x & + & 6\,y & = & 4 \end{array} \right.$$

Exercice 3

Résoudre le système d'équations suivant :
$$\left\{ \begin{array}{rcl} -5\,x & - & 4\,y & = & -56 \\ 8\,x & + & 10\,y & = & 122 \end{array} \right.$$

Exercice 4

Résoudre le système d'équations suivant :
$$\left\{ \begin{array}{rcl} 4\,x & + & 9\,y & = & 105 \\ -7\,x & + & 2\,y & = & -24 \end{array} \right.$$

Corrigé de l'exercice 1

Résoudre le système d'équations suivant : $\begin{cases} -8\,x & -3\,y & = 15 \\ -2\,x & +7\,y & = 27 \end{cases} \qquad (\times 1)$ $(\times (-4))$

$$\begin{cases}
-8x - 3y = 15 \\
8x - 28y = -108
\end{cases}$$
 On ajoute les deux lignes
$$-8x - 3y + 8x - 28y = 15 - 108$$
$$= 8x - 3y + 8x - 28y = 15 - 108$$
$$= 8x - 3y + 8x - 28y = 15 - 108$$
$$= 8x - 15 + 9$$

$$-31 y = -93$$

$$y = \frac{-93}{-31} = 3$$

$$-8x - 3y = 15$$
 et $y = 3$ donc:
 $-8x - 3 \times 3 = 15$

$$-8x = 15 + 9$$

$$-8x = 15 + 9$$

$$x = \frac{24}{-8} = -3$$

$$\frac{\text{La solution de ce système d'équations est }(x;\ y)=(-3;\ 3).}{\text{Vérification}: \left\{ \begin{array}{l} -8\times(-3)-3\times3=24-9=15\\ -2\times(-3)+7\times3=6+21=27 \end{array} \right.}$$

Corrigé de l'exercice 2

Résoudre le système d'équations suivant : $\left\{ \begin{array}{cccc} 2\,x & + & 2\,y & = & 36 & & (\times 3) \\ -7\,x & + & 6\,y & = & 4 & & (\times (-1)) \end{array} \right.$

$$\begin{cases} 6x + 6y = 108 \\ 7x - 6y = -4 \end{cases}$$
 On ajoute les deux lignes
$$2x + 2y = 36$$

$$2 \times 8 + 2y = 36$$

$$6x + 6y + 7x - 6y = 108 - 4$$

$$13x = 104$$

$$2y = 36 - 16$$

$$x = \frac{104}{13} = 8$$

$$2x + 2y = 36$$
 et $x = 8$ donc:
 $2 \times 8 + 2y = 36$

$$2y = 36 - 16$$

$$2y = 36 - 16$$

$$y = \frac{20}{2} = 10$$

$$\frac{\text{La solution de ce système d'équations est }(x;\ y) = (8;\ 10).}{\text{Vérification}: \left\{ \begin{array}{l} 2\times 8 + 2\times 10 = 16 + 20 = 36 \\ -7\times 8 + 6\times 10 = -56 + 60 = 4 \end{array} \right.}$$

Corrigé de l'exercice 3

Résoudre le système d'équations suivant : $\begin{cases} -5x - 4y = -56 \\ 8x + 10y = 122 \end{cases}$ $(\times 5)$

$$\begin{cases}
-25 x - 20 y = -280 \\
16 x + 20 y = 244
\end{cases}$$
 On a joute les deux lignes
$$x = \frac{-36}{-9} = 4$$

$$-25 x = 20 y + 16 x \neq 20 y = -280 + 244$$

$$-5x - 4y = -56$$
 et $x = 4$ donc : $-5 \times 4 - 4y = -56$

$$y = \frac{-36}{-4} = 9$$

$$-4y = -56 + 20$$

$$\frac{\text{La solution de ce système d'équations est }(x;\ y)=(4;\ 9).}{\text{Vérification}: \left\{ \begin{array}{l} -5\times 4-4\times 9=-20-36=-56\\ 8\times 4+10\times 9=32+90=122 \end{array} \right.}$$

Corrigé de l'exercice 4

Résoudre le système d'équations suivant : $\begin{cases} 4x + 9y = 105 & (\times 2) \\ -7x + 2y = -24 & (\times (-9)) \end{cases}$

$$\begin{cases} 8x + 18y = 210 \\ 63x - 18y = 216 \end{cases}$$
 On ajoute les deux lignes

$$4 \times 6 + 9y = 105$$

8x + 18y + 63x - 18y = 210 + 216

$$71 x = 426$$

$$x = \frac{426}{71} = 6$$

$$9y = 105 - 24$$

$$9y = 105 - 24$$

$$y = \frac{81}{9} = 9$$

$$\frac{\text{La solution de ce système d'équations est }(x;\ y)=(6;\ 9).}{\text{Vérification}: \left\{ \begin{array}{l} 4\times 6+9\times 9=24+81=105\\ -7\times 6+2\times 9=-42+18=-24 \end{array} \right.}$$